

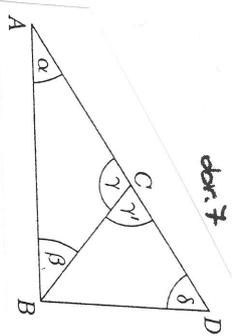
2) TROJÚHELNÍKY - vlastnosti, shodnost a podobnost, Euklidovy a Pythagorova věta, ...

Př1) V trojúhelníku ABC určete velikosti zbývajících vnitřních úhlů, jestliže:

- a) $\alpha = 52^\circ, \beta = 41^\circ$ b) $a = b = c = 5$ cm
- c) $a = b = 10$ cm, $\gamma = 62^\circ$ d) $b = c = 7$ cm, $\beta = 80^\circ$
- e) $\alpha = 67^\circ 20', \beta = 41^\circ 25'$
- f) pravouhlý trojúhelník, $\beta = 21,5^\circ$
- g) pravouhlý rovnostranný trojúhelník
- h) $\beta = 31^\circ 20', \gamma = 112,6^\circ$

Př2) Na obr. 7 platí: $|CB| = |CD|$, $\alpha = 30^\circ, \beta = 40^\circ$

- a) Určete velikosti úhlů γ, γ', δ .
- b) Seřadte podle velikosti strany v trojúhelníku ABC .
- c) Seřadte podle velikosti strany v trojúhelníku ABD .



Př3) Rozhodněte, zda lze sestavit trojúhelník, jehož strany mají délky:

- a) 1 cm, 2 cm, 3 cm b) 4 cm, 5 cm, 6 cm
- c) 5 cm, 12 cm, 13 cm d) 2,5 cm; 3,8 cm; 6,5 cm

Př4) V trojúhelníku ABC , jehož strany mají délky $a = 5$ cm, $b = 6$ cm, $c = 8$ cm, sestrojte:

- a) těžšičku
- b) průsečík výšek
- c) kružnici trojúhelníku vepsanou
- d) kružnici trojúhelníku opsanou

Př5) V následujících úlohách zapíše velikosti prvků trojúhelníků, které mají být shodné s trojúhelníky danými. (Pro usnadnění práce si udělejte náčrtv.)

- a) $\triangle ABC \cong \triangle MNP$; $\triangle ABC$: $|AB| = 6$ cm, $\sphericalangle BAC = 30^\circ$, $\sphericalangle ABC = 45^\circ$
- b) $\triangle KLM \cong \triangle PQR$; $\triangle KLM$: $|LM| = 7$ cm, $|LK| = 4$ cm, $|KM| = 6$ cm

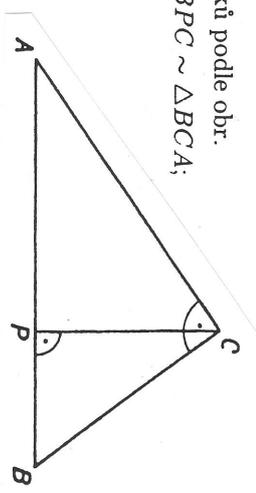
Př6) Úsečku AB délky $|AB| = 10$ cm rozdělíte na:

- a) sedm stejných dílů,
- b) devět stejných dílů,
- c) dva díly v poměru 2 : 1,
- d) tři díly v poměru 1 : 2 : 3.

Př7) Úsečka AB ($|AB| = 12$ cm) rozdělíte body C, D v poměru $|AC| : |CD| : |DB| = 2 : 3 : 5$.

Př8) Dokažte podobnost dvojic trojúhelníků podle obr.

- a) $\triangle APC \sim \triangle ACB$; b) $\triangle BPC \sim \triangle BCA$;
- c) $\triangle APC \sim \triangle CPB$.



Př9) Rozhodněte, podle které věty o podobnosti trojúhelníků jsou následující trojúhelníky podobné. (Vyjádřete ze správně označených nákrešů.)

- a) $\triangle PQR$: $|PQ| = 6$ cm, $|QR| = 4$ cm, $|RP| = 7$ cm, $\triangle KLM$: $|KL| = 18$ cm, $|LM| = 12$ cm, $|MK| = 21$ cm.
- b) $\triangle ABC$: $\sphericalangle CAB = 60^\circ, |CA| = 0,4$ m, $|AB| = 0,6$ m, $\triangle DEF$: $|FD| = 1,2$ m, $\sphericalangle FDE = 60^\circ, |DE| = 1,8$ m.
- c) Pravoúhlé trojúhelníky RST a XYZ ; $\sphericalangle STR = 35^\circ, \sphericalangle XYZ = 55^\circ$ (pravé úhly jsou při vrcholech R a X).
- d) $\triangle OPQ$: $|OP| = 9$ cm, $\sphericalangle OPQ = 60^\circ, |PQ| = 17$ cm, $\triangle TUV$: $|UV| = 8,5$ m, $|TV| = 4,5$ m, $\sphericalangle TVU = 30^\circ$.

Př10) Svislá metrová tyč vrhá stín 150 cm dlouhý. Vypočítejte výšku sloupu, jehož stín je ve stejném okamžiku dlouhý 36 m.

Př11) Určete měřítko mapy, je-li les tvaru trojúhelníku o rozměrech 1,6 km, 2,4 km, a 2,7 km na mapě zakreslen jako trojúhelník o stranách délek 32 mm, 48 mm a 54 mm.

Př12) Vypočítejte zbývající údaje ($a, b, c, \alpha, \beta, \gamma$) v pravoúhlém $\triangle ABC$ ($\gamma = 90^\circ$), je-li dáno:

- a) $a = 3, \gamma = \sqrt{5}$ d) $a = 5, c_a = 4$
- b) $c = 10, c_b = 6$ e) $c = 10, c_a = 7$
- c) $b = 5, c = 13$

Př13) Která z trojic čísel určuje délky stran pravoúhlého trojúhelníku:

- a) 4, 5, 16 b) 5, 12, 13 c) $2, \sqrt{6}, 3$
- a) $\sqrt{10}$ b) $\sqrt{7}$ c) $\sqrt{11}$

Př15) Vypočítejte výšku stromu, který vrhá stín délky 22 m, víte-li, že ve stejném okamžiku 2 m vysoký pilř plotu vrhá stín dlouhý 3 m.